

# ساختار نحوی و معنایی منطق موجهات محمولی از دیدگاه کریپکی<sup>۱</sup>

دکتر مهناز امیرخانی\*، دکتر لطف الله نبوی\*\*

## چکیده

سول کریپکی برای تبیین منطق موجهات محمولی دو نظام جداگانه (در سال‌های ۱۹۵۹ و ۱۹۶۳) طراحی کرده است. در این مقاله با بررسی اجمالی ساختار نحوی و ساختار معنایی دو نظام مذکور، به مقایسه آن‌ها و میزان کارآیی هر کدام در تبیین منطق موجهات محمولی پرداخته شده است.

**واژگان کلیدی:** کریپکی، منطق موجهات محمولی، ساختار نحوی، ساختار معنایی.

## مقدمه

شاید پیچیدگی‌های منطق موجهات محمولی برای یک مبتدی سوال برانگیز باشد. کاری ساده مثل افزودن اصول منطق محمولات درجه اول به منطق موجهات گزاره‌ای، ظاهرا بی دردرس می‌نماید. اما واقعیت این است که چنین انضمامی سردرگمی‌های معناشناسخی زیادی را - حتی به نحو شهودی - به دنبال دارد. از منظر معناشناسی، با ترکیب سورها و مفاهیم موجه پیچیدگی‌ها و سوال‌هایی جدی در باب معنای اینهمانی، اسم‌ها و محمول‌ها ایجاد می‌شود.

---

۱ این مقاله برگرفته از پایان نامه دوره دکترا به راهنمایی جناب آقای دکتر نبوی می‌باشد.

\* استادیار گروه فلسفه دانشگاه الزهرا amirkhani\_m@yahoo.com

\*\* دانشیار گروه فلسفه دانشگاه تربیت مدرس



پس از طرح پارادوکس‌های استلزم اتوسط "راسل و وايتهد" در کتاب "اصول ریاضی" (principia mathematica)، "سی. آ. لوئیس" (C. A. Lewis) "ضمون انتقاد به آنان در سیستم پیشنهادی خود، استلزم اکید (strict implication) را وارد نمود (Lewis, 1932). به زعم لوئیس باید میان " $P \supset Q$ " که استلزم‌امی مادی (material implication) است، با " $P \rightarrow Q$ " تفاوت قائل شد. بدین ترتیب، اپراتورهای ضرورت " $\Box$ " و امکان " $\Diamond$ " جایگاه ویژه‌ای را در مباحث منطق پیدا کردند. بعدها در سال ۱۹۴۶ منطق‌دانی به نام "مارکوس روث بارکان" در مقاله مشهور خود به بررسی حساب تابعی منطق محمولات درجه اول بر اساس استلزم اکید پرداخت (Barcan, 1946: 1-16). وی با بیان فرمولی چالش برانگیز در منطق ترکیبی اش - که بعدها فرمول بارکان نامیده شد - پایه‌گذار منطق محمولی محسوب می‌شود.

خانم بارکان با افزودن نمادهای موجه به منطق محمولات درجه اول به همان نتیجه‌ای رسید که امروزه با افزودن اصول و قواعد خاص منطق محمولات به منطق موجهات گزاره‌ای بدان دست یافته‌اند. نتیجه این انصمام‌ها مجموعه پرجنجالی به نام منطق موجهات محمولی (modal predicate logic) یا حساب موجهات محمولی (modal calculus) و یا به لحاظ سورها - که نقش مهمی را در این ناهنجاری‌ها ایفا می‌کنند - منطق موجهات مسور (quantified modal logic) می‌باشد. "رودولف کارناب" (Carnap, 1946: 33-64) که در آن زمان استاد بارکان بود، نیز در همان سال مقاله‌ای نظام‌مند و منفتح در باب نظام صوری منطق موجه محمولی با اینهمانی منتشر کرد.

"ویلارد کواین" (Vilard Koenig) فیلسوف و منطق‌دان معاصر از بزرگترین معتقدان و معتبرضان به منطق موجهات محمولی است. انتقادات کواین نه فقط به دلیل برخی اشکالات صوری در این منطق بوده است، بلکه مشکل اصلی وی تفسیرهایی است که تبعات فلسفی بسیار جدی را به دنبال می‌آورد. شروع انتقادات کواین زمانی بود که منطق موجهات به لحاظ نحوی (syntax) و با معرفی واژگان، قواعد ساخت و اصل موضوعه مطرح شده بود و هیچ بحث معنا شناختی (semantics) در این زمینه وجود نداشت. پس از انتشار

مقالات وی در دهه‌های ۱۹۴۰ و ۱۹۵۰ بود که منطق‌دانان در صدد ارائه معناشناسی منطق موجهات محمولی برآمدند.

ساختار معنایی منطق موجهات محمولی به دامنه تعبیر (domain) و مجموعه جهان‌های ممکن (possible worlds/W) وتابع ارزشده‌ی (V) وابتنای شروط صدق حملات موجه بدان، برمی‌گردد. در مورد مبدع معناشناسی صوری (formal semantics) یا (pure semantics) – که متفاوت از معناشناسی شهودی یا غیرصوری است – اختلاف نظر وجود دارد. برخی مقاله‌های "آلفرد تارسکی" در زمینه طراحی جبر بولی توسط عملگرها را که با همکاری بی. یونس سون منتشر کرده است، الهام‌بخش متاخرین می‌دانند: (Jonsson and Tarski, 1951).

این نظریه معناشناختی تا حد زیادی به ما کمک می‌کند که بتوانیم از صدق و کذب جمله‌های موجه در یک تعبیر، تعریفی داشته باشیم و به برخی مباحث مهم معنایی مانند مساله تمامیت (completeness). (Bull and Segerberg, 1984: دست پیدا کنیم).  
10 برخی دیگر مقاله "اسیک کنگر"، فیلسوف نروژی و یا مقاله "یاکوهین تیکا"، فیلسوف و منطق‌دان – که هر کدام جداگانه طراحی شده بودند – را مقدم می‌شمارند (Kanger, 1957 & Hintikka, 1957). ولی نهایتاً "سول کریپکی" فیلسوف و منطق‌دان امریکایی به کاشف این نظام معناشناختی معروف گردید. وی ابتدا مقاله‌ای نسبتاً پیچیده در اثبات تمامیت منطق موجهات در نظامی شبیه S5 منتشر کرد (Kripke, 1959) و همین امر مایه‌ای برای تقریر مقاله‌ای منفتح و قابل فهم از وی در باب معناشناسی منطق موجهات محمولی گردید (Kripke, 1963). شاید همین حسن تقریر بود که بعد از این نظام به نام وی شهرت یافت (موحد ضیاء، ۱۳۸۱: ۱۱۷. و نیز: Bull, and Segerberg, 1984: دست پیدا کنیم).

"سول کریپکی" در ۱۹۴۰ میلادی در حوالی نیویورک متولد شد و از همان ابتدای نوجوانی کنجدکاوی زایدالوصفی نسبت به مسائل فلسفی داشت. وی توسعه دلالت‌شناسی منطق موجهات محمولی را در ۱۵ سالگی ارائه کرد و مقاله مشهورش در



باب تمامیت نظام ۸۵ را در ۱۸ سالگی به چاپ رسانید. او هم‌اکنون در دانشگاه پرینستون فعالیت می‌کند و به کرات مورد تشویق قرار گرفته و مدارک علمی معتبری دریافت نموده است. کریپکی از پیشگامان منطق فلسفی است و آثار زیادی در زمینه منطق موجهات، منطق شهودی و نظریه مجموعه‌ها دارد. بیشتر کارهای منطقی و ریاضی او ارزش فلسفی دارد و اصولاً آثار او از زمینه‌های متافیزیک، فلسفه زبان، معرفت‌شناسی، فلسفه ذهن، فلسفه منطق و ریاضیات، خالی نیست- (Jubien , 1998:5/301- 304).

## ساختار نحوی منطق موجهات محمولی (QML)

همان طور که بیان شد، ساختار نحوی QML - مانند بسیاری از نظام‌های منطقی دیگر - پیش‌تر از ساختار معنایی آن ارائه شده است. "داگفین فولسدال" در تقریر دوم پایان‌نامه دکترای خود (۱۹۶۶ م) از ۹ نظام موجه محمولی در سال‌های ۱۹۴۶ تا ۱۹۵۹ نام برده است (موحد، ضیاء، همان، ص ۲۰۴). روش نحوشناختی منطق موجهات عموماً مبتنی بر روش اصل موضوعی اثبات قضیه‌ها است، یعنی بر پایه تعداد محدودی اصول موضوعه (axiom) یا اصل‌نما (axiom-schema)، زبان صوری متناسب نظام مذبور (زبان L شامل واژگان، قواعد ساخت و تعاریف) و قواعد استنتاج می‌باشد. شاید بتوان جامع‌ترین کتاب در این زمینه را ویرایش جدید کتاب "مقدمه‌ای بر منطق" تالیف "هیوز و کرسول" دانست که نظام‌های گوناگون منطق موجهات محمولی با اینهمانی را به روش اصل‌موضوعی مورد بررسی قرار داده است: (Huges & Cresswell, 1998). این مولفان در واقع با توجه به برخی مباحث دلالت‌شناسی، ساختار نحوی متناسب با نظام‌های مختلف موجه را طراحی کرده‌اند. روش‌های متفاوت دیگری نیز ارائه شده است که از آن‌ها می‌توان به جدول‌های دلالت‌شناختی (semantic tableaus) برای اثبات برهان‌ها اشاره کرد. کتاب معروف "فینینگ و مندلسون" به نام "منطق موجهات درجه اول" از منابع مناسب در این زمینه است (Fitting and Mendelson , 1998). روش دیگر نحوشناختی منطق موجهات، شیوه استنتاج طبیعی (natural deduction) است.

"کنین دایک" در کتاب "منطق موجهات مقدماتی" از طریق ارائه قواعد اصلی و فرعی استنتاج - و ابداع قواعد جدید با حذف یا اضافه کردن برخی قیود - بدین روش می‌پردازد (Konyndyk, 1986).

مقاله کریپکی (۱۹۵۹ م) که عمدتاً در حوزه معناشناسی است، تا حدی به بیان ساختار نحوی-اصل موضوعی QML پرداخته است. کریپکی سه اصل‌نما و دو قاعدة استنتاج را در ابتدای مقاله معرفی می‌کند. البته بعدها همین مقاله مبنایی برای معرفی نظام اول کریپکی (QML<sub>1</sub>) گردید و منطق‌دانان متاخر ساختار کامل نحوی و مبنایی برای آن طراحی نمودند. در این نظام از همان زبان صوری (شامل واژگان، قواعد ساخت و تعاریف) و دستگاه استنتاجی (شامل اصول موضوعی یا اصل‌نماها و قواعد استنتاج) منطق موجهات گزاره‌ای و منطق محمولات استفاده می‌شود. نکته مهم این جاست که پس از چنین تلفیقی، زبان صوری و دستگاه استنتاجی مزبور اجازه ورود جملاتی را به سیستم می‌دهد که منشا مباحث منطقی-فلسفی بحث‌انگیزی می‌باشد (نبوی، ۱۳۸۳: ۱۱۸ به بعد). مهم‌ترین آن‌ها عبارتند از:

۱. تخصیص کلی (universal instantiation/UI)

$$(\forall \alpha)\phi_\alpha \supset \phi_\beta$$

جمله مذکور از جملات منطق محمولات کلاسیک نیز هست که به لحاظ پیامدهای آن در QML<sub>1</sub> بدان پرداخته‌ایم.

۲. بارکان (Barcan Formula/BF)

$$(\forall \alpha)\Box\phi_\alpha \supset \Box(\forall \alpha)\phi_\alpha$$

همانطور که در مقدمه این مقاله آمده است، نام این جمله، برگرفته از نام "مارکوس روٹ بارکان" می‌باشد (Barcan, 1946) که در اصل به این صورت بوده است:

$$\Diamond(\exists \alpha)\phi_\alpha \supset (\exists \alpha)\Diamond\phi_\alpha$$

۳. عکس بارکان (Converse of Barcan Formula/CBF)

$$\Box(\forall \alpha)\phi_\alpha \supset (\forall \alpha)\Box\phi_\alpha$$

۴. بوریدان (Buridan Formula/BUF)



$$\Diamond(\forall\alpha)\phi_\alpha \supset (\forall\alpha)\Diamond\phi_\alpha$$

این نام به پیشنهاد "آلوبن پلاتیجا" و منسوب به "ژان بوریدان"، منطقدان فرانسوی ق ۱۴ میلادی می‌باشد(نبوی، همان).

۵. عکس بوریدان (Converse of Boridan Formula/CBUF)

$$(\forall\alpha)\Diamond\phi_\alpha \supset \Diamond(\forall\alpha)\phi_\alpha$$

۶. ضرورت اینهمانی (Necessity of Identity/NI)

$$(\forall\alpha)(\forall\alpha')[(\alpha = \alpha') \supset \Box(\alpha = \alpha')]$$

پیش از بحث درباره اعتبار یا عدم اعتبار جملات فوق در نظام اول کریپکی (QML<sub>1</sub>)، لازم است به معانی آن‌ها بیشتر توجه کنیم. از آنجایی که جملات (۲) تا (۵) ناظریه تمایز میان سور و جهت می‌باشد، ابتدا به تعریف اجزاء آن‌ها می‌پردازیم:

الف)  $\Box A_x$  یعنی  $x$  هر چه که باشد ضروری است خاصیت  $A$  را داشته باشد. و با توجه به معنی عملگر ضرورت داریم:  $x$  هر چه که باشد در هر جهان ممکن خاصیت  $A$  را دارد. سپس با ملاحظه عالم سخن می‌گوییم: هر شی از این جهان در هر جهان ممکن خاصیت  $A$  را دارد. یعنی به عنوان مثال " $Aa$ " در هر جهان ممکن صادق است.

و نهایتاً با لحاظ معنای دسترس پذیری خواهیم گفت: هر شی  $a$  از این جهان، در هر جهان دیگر که این جهان بدان دسترسی دارد، خاصیت  $A$  را دارد.

ب)  $(\forall x)A_x$  یعنی: در هر جهان ممکنی که این جهان به آن دسترسی داشته باشد هر شی  $a$  از آن جهان، خاصیت  $A$  دارد.

ج)  $\Box A_x$  یعنی: در جهان واقع فردی مثل  $A$  وجود دارد که در هر جهان دیگری که این جهان بدان دسترسی دارد، خاصیت  $A$  دارد.

د)  $(\exists x)A_x$  یعنی: در هر جهان ممکنی که این جهان بدان دسترسی دارد، شیئی مثل  $a$  وجود دارد که خاصیت  $A$  دارد.

جملات (ب) و (د) که " $\Box$ " پیش از جمله آمده است را دارای "جهت جمله" (de dicto) و جملات (الف) و (ج) که " $\Box$ " پیش از شبه جمله (تابع جمله‌ای) آمده است و

به فرد یا افراد معینی اشاره دارد را دارای "جهت شی" (de re) می‌نامند. در گزاره‌های شامل سور می‌توان چنین بیان کرد که اگر عملگر ضرورت در دامنه سور قرار داشته باشد، آن را ضرورت شی، و در غیر این صورت آن را ضرورت جمله می‌نامند. و با توجه به جملات اتمی که شامل اسم خاصند، دقیق‌تر آن است که بگوییم: "اگر نامی در دامنه "□" و "◊" باشد و یا این دو در دامنه سوری قرار گرفته باشند، جهت را جهت شی و اگر هیچ نام خاص یا متغیر آزادی در دامنه "□" و "◊" نباشد، جهت را جهت جمله می‌نامند" (موحد، همان: ۲۰۸ و ۲۱۲).

با اندکی تأمل روشن می‌شود که صدق یکی از جملات (الف) و (ب) و یا (ج) و (د) لزوماً مستلزم صدق دیگری نمی‌باشد. به این ترتیب در نظام QML جملات CBF و BUF معتبرند ولی CBUF نمی‌تواند معتبر باشد. BF نیز در برخی از زیرگروه‌های این نظام (sub-systems) قابل اثبات می‌باشد. اثبات BF اولین بار توسط "آرتور پرایور" (Prior, 1956: 60-62) مبرهن گردید.

مقاله پرایور پشتونه نحوی مناسب برای نظام اول کریپکی محسوب می‌شد. نکته قابل توجه این است که کریپکی (1959) و پرایور (1956) بحث‌های معنایی و نحوی خود را بر نظام 85 متتمرکز کرده بودند و این در حالی بود که نظام "براور" سال‌ها قبل پایه‌گذاری شده بود. "بکر" فیلسوف اروپایی توانسته بود در سال ۱۹۳۰م اصل براور (B) را در مقاله‌ای به زبان آلمانی به دست بیاورد (Becker, 1930). این اصل به نام موسس کالج ریاضیات شهودی یعنی L.E.J.Brouwer نامیده شده است. منطق‌دانان، بعدها با توجه به نظام براور و امکان اثبات BF در آن، بحث را در نظام‌های نرمال شامل اصل براور مانند QB, QS5, S4B, KTB و... متتمرکز کردند. اولین اثبات مدون BF در QB توسط "جی. آ. لمون" صورت گرفت (Lemon, 1965: 56-76).

ذکر مثال‌های نقض برای جملات بحث انگیز نظام اول، توسط فیلسوفان و منطق‌دانان تا حد زیادی استحکام QML را مورد تردید قرار داد. بیشترین اعتراض به اعتبار BF مربوط می‌شود (Huges&Cresswell, p, 1998: 287). به رغم منتقدین، نه فقط به



لحاظ صوری، بلکه به جهت شهودی نیز نمی‌توان در ک قابل قبولی از BF داشت. زیرا اصولاً انتاج یکی از جهات شئ یا جمله از دیگری مشکلات معناشناختی فراوانی را به دنبال می‌آورد. به عنوان مثال اگر جمله‌ای حاوی ضرورت شئ باشد، بدین معنی است که موضوع آن، وصفی را به نحو ضروری داراست و یا این وصف، ذاتی (essential) آن است. این ضرورت متافیزیکی جهت شئ، بباحث ذات باوری ارتباط دارد. معنی این است که اگر هر چیزی ضرورتا خاصیت معین A را دارد پس ضرورتا هر چیزی دارای آن خاصیت است. به بیان دیگر، اگر هر شئ از این جهان، در هر جهان دیگر که این جهان بدان دسترسی دارد، دارای خاصیت A است؛ پس در هر جهان ممکن دیگری که این جهان بدان دسترسی دارد، هر شئ a از آن جهان خاصیت A دارد. حال اگر حتی هر چیزی که واقعاً وجود دارد، ضرورتا دارای خاصیت A است، نمی‌تواند مانع چنین امر محتملی باشد که می‌توانست چیزهای دیگری وجود داشته باشد که دارای خاصیت A نباشد. و نهایتاً باید بگوییم "ضرورتا صادق نیست که همه اشیا دارای خاصیت A باشند" (Huges & Cresswell, ope:274).

مثال نقض BUF از جانب "زان بوریدان" (ق ۱۴ میلادی) مطرح شده است و در کتاب "ماهیت و ضرورت" از "آپلانتنجا" مورد بررسی قرار گرفته است، هر چند که سابقه تاریخی آن به آثار منطق دانان مسلمان، به ویژه ابن سینا بر می‌گردد (Plantinga, 1989:58) و نبوی، همان: ۱۱۹. و موحد، همان: ۲۰۵-۲۰۶). بوریدان می‌گوید: "ممکن بود خداوند هیچ موجودی را خلق نمی‌کرد." و این بدان معنی است که وجود همه موجودات منحصر از ذات الهی می‌گردد، یعنی:

$$\text{خداوند} = a$$

$$(\forall x)(x = a) \diamond$$

آیا از چنین امری می‌توان نتیجه گرفت که "هر چیزی ممکن است خدا باشد"؟

یعنی:

$$\diamond(x = a) (\forall x)$$

نمونه دیگر از جمله بوریدان، مثال ابن سیناست (موحد، همان: ۲۰۸)، او جمله

"ممکن است هر انسان کاتب باشد" را مطرح می‌کند. یعنی:

$x = A_x$  انسان است.

$\diamond (\forall x)(A_x \supset B_x)$

$x = B_x$  کاتب است.

ولی به اعتقاد او نمی‌توان از چنین جمله‌ای نتیجه گرفت که "هر انسان ممکن است

کاتب باشد". یعنی:

$(\forall x) \diamond (A_x \supset B_x)$

به نظر ابن سينا جمله اول در مورد کاتب بودن همه انسان‌هاست و در صدق آن تردید است. ولی جمله دوم همواره صادق است.

نظام دوم کریپکی در پی طرح برخی مشکلات معناشناختی و تبعات فلسفی نظام اول طراحی شد. کریپکی در ۱۹۶۳ مقاله مشهور خود "ملاحظات معناشناختی در منطق موجهات" را ارائه کرد. وی با طراحی شیوه‌ای نوین توانست بر برخی مشکلات مطروحه فائق آید، هر چند که باز هم نقدهای فراوانی بر این نظام وارد شده است. بر اساس نکات معنا شناختی و مباحث اجمالی نحوی - اصل موضوعی در مقاله مذکور، منطق دانان به توسعه و تکمیل این نظام پرداختند & (Huges & Cresswell, 1972 and 1998 Konydyk *etc.*). کریپکی با تغییراتی که در اصول موضوعی (اصل نماها) و برخی عناصر زبانی ایجاد می‌کند، در واقع صورت مساله را نادیده گرفته و با فراست خاصی کلیه زدسهای بحث‌انگیز را از مجموعه قضایای نظام دوم خارج می‌کند.

ساختار نحوی - اصل موضوعی نظام  $QML_2$  به لحاظ عناصر و اجزا (زبان صوری و دستگاه استنتاجی) مانند  $QML_1$  است، مگر در چند مورد که توضیح می‌دهیم. کریپکی برای رویارویی با جمله بارگان ناچار بود برهان اثبات این جمله توسط پرایور را مجدداً مورد مذاقه قرار دهد. او در مقاله ۱۹۶۳ به صراحة ذکر می‌کند که با وجود مثال‌های نقضی که در نظام  $S5$  (به عنوان قوی ترین نظام در  $QML_1$ ) برای BF و CBF ارائه کردیم، مع هذا پرایور BF را در  $S5$  اثبات نموده است. او منشا خطأ را چنین می‌داند: "... خطأ در الواقع در اعمال قاعده ضرورت (Necessiation

(برروی جمله  $A : (\forall x)A_x \supset A_y$  روی داده است [در Rule

اثبات CBF]. در جمله‌ای مانند  $A$ ، به متغیرهای آزاد، تعبیر

عمومیت را نسبت می‌دهیم. اگر  $A$  به عنوان قضیه لحاظ شود،

درواقع به نحو خلاصه‌ای به بستار کلی متعارف آن (ordinary

) اشاره شده است: universal closure

" $A'$ :  $(\forall y)[(\forall x)A_x \supset A_y]$

.(Kripke, 1963:68-69)

کریپکی چهارمین اصل نمای نظام اول را به دلیل امکان استنتاج قضایای دارای متغیر آزاد نمی‌پذیرد:

A4:  $(\forall \alpha)\phi_\alpha \supset \phi_\beta$

ما بازای سورهای کلی و جزئی نیز از مسائلی است که کریپکی با آن روبرو بوده است. طبق معناشناسی نظام  $QML_1$ ، ممکن است  $\phi_\alpha$  صادق باشد، ولی  $\phi_\alpha$  یا  $\phi_\beta$  کاذب باشند؛ زیرا سورها در هر جهان ممکن فقط می‌توانند به افراد همان جهان اشاره کنند، به دلیل این که دایره مصاديق متغیرها فقط افراد همان جهان است، اما  $\alpha$  یا  $\beta$  می‌توانند اشیایی بیرون از دامنه جهان مذکور باشند. کریپکی به تبع کوایین تدبیری اتخاذ می‌کند تا نظام پیشنهادی وی فاقد جمله‌هایی با متغیر آزاد باشد:

"...می‌توان از این گونه مشکلات اجتناب کرد، البته اگر به

تبع کوایین<sup>۱</sup>، نظریه تسویر (Quantification Theory) را چنان

جمله‌بندی می‌کنیم که تنها جملات بسته (closed formulae) قابل

بیان باشند. بهترین توجیه بیان جملات حاوی متغیر آزاد برای

تسهیل در امر است؛ یعنی همواره می‌توان جمله  $A_x$  با متغیر آزاد  $x$

را با جمله  $(\forall x)A_x$  جایگزین نمود."

.(Kripke, 1963:69)



۱ کریپکی در مقاله مذکور به منبع زیر اشاره می‌کند:

Quine, W. V., Mathematical Logic, Cambridge, Harvard univ. press, 1940, pp. +346.

بدین ترتیب، کریپکی جملات حاوی متغیر آزاد را بیان اختصاری جملات سوردار- بر بنای همان متغیر آزاد - می داند. وی اصل بستار کلی (universal closure) را به جای اصل مذکور پیشنهاد می دهد:

$$A_4^*: (\forall \alpha')[(\forall \alpha)\phi_\alpha \supset \phi_{\alpha'}]$$

در جمله بالا،  $\alpha'$  در  $\phi_{\alpha'}$  مسور به سور  $(\forall \alpha')$  است که طبق قواعد معناشناسی جدید باید ما بازای خود را از افراد همان جهان مفروض بددست می آورد. کریپکی در واقع به دلیل مشکلات فلسفی و مثالهای نقضی که برای BF و CBF و BUF وجود داشت، ناچار بود نظام  $QML_1$  را چه به لحاظ نحوی و صوری و چه به لحاظ معنای مورد تجدید نظر قرار دهد و لزوماً دیگر نمی توانست برهان پرایور را بپذیرد. وی با تغییری که در A4 ایجاد کرد، راه را برای ورود هر گونه متغیر آزادی بست و بدین ترتیب، برهان پرایور که در برخی سطراها از A4 استفاده کرده بود، مخدوش گردید (بیوی، همان: ۱۲۳-۱۲۴). نظام دوم کریپکی به لحاظ اصل موضوعی (با جایگزین کردن بستار کلی به جای A4) و هم به لحاظ استنتاج طبیعی (با افزودن قیودی به قواعد استنتاج منطق محمولات و در موجهات گزاره ای) مانع ورود متغیر آزاد در نظام موجهات محمولی درجه اول می شود. روشن است که جمله تخصیص کلی (UI) و هم چنین جملات چهار گانه BF و BUF و عکس آن دو نیز در  $QML_2$  معتبر نخواهند بود. ضمناً ثوابت فردی (individual constant) یا اسمی خاص (proper names) نیز از واژگان زبان صوری این نظام نخواهند بود. شاید به دلیل این چنین کاستی هایی در نظام  $QML_2$  است که امروزه بسیاری منطق دانان برآند که با رفع مشکلات  $QML_1$  همچنان بدان وفادار بمانند.

## ساختار معنایی منطق موجهات محمولی (QML)

همان طور که بیان شد، ساختار معنایی  $QML_1$  به مقاله ۱۹۵۹ کریپکی برمی گردد. مدل مناسب این نظام پنج تایی مرتب (ordered quintuple) است؛

$$W = \langle W, R, D, Q, V \rangle$$

که اجزای ترکیبی آن بطور خلاصه عبارتند از:





۱.  $W$ : مجموعه ناتهی از جهان‌های ممکن.  
 $W = \{w_i, w_j, \dots\}$

۲.  $R$ : نسبت دو موضعی "دسترسی" (accessibility) که برای مجموعه  $W$  تعریف می‌شود.  
 $R \subseteq W \times W$

۳.  $D$ : مجموعه ناتهی از اشیایی که در مدل مورد نظر، مصدق نامها بازای متغیرها می‌باشد و "دامنه تعبیر" یا "دامنه کل" (total domain) نامیده می‌شود.  
 $D = \{d_1, d_2, \dots\}$

۴.  $Q$ : تابعی که به هر جهان ممکن  $w_i$ ، شیء‌های دامنه آن جهان را نسبت می‌دهد، یعنی:  
 $Q(w_i) = D_i, D_i \subseteq D$

۵.  $V$ : تابع ارزش دهنده که در جهان  $w_i \in W$ ، به جمله نشانه یکی از دو ارزش  $F$  و  $T$ ، و به هر نام خاص شیء معینی از  $D$ ، و به هر محمول نشانه  $n$  موضعی، مجموعه‌ای از  $n$  تایی مرتب از  $D$  را نسبت می‌دهد ( $n > 1$ )؛ که به ترتیب چنین نمایش داده می‌شوند:  
 $V_{wi}(\phi) = T, F$

$$V_{wi}(\beta) = d_i, \quad V_{wi}(\beta) \in D_i$$

$$V_{wi}(\Phi_n) = \{<d'_1, \dots, d'_n, w_i>, <d'_1, \dots, d'_n, w_i>, \dots\}$$

شایان ذکر است که رابطه دسترسی پذیری  $R$  و تابع  $Q$  در مقاله کریپکی مطرح نشده بود و بعدها منطق دانان با طراحی نهایی و تکمیلی نظام  $QML_1$  و با الهام از معناشناسی  $QML_2$ ، این ملحقات را بدان افزودند: (Huges & Cresswell, 1998: 274-276 and 1972: 146-147). در معناشناسی کریپکی، عملگرهای ضرورت و امکان، نقش سورهای کلی وجودی را در جمله‌های مسورة یفا می‌کنند. می‌دانیم که سور کلی، مقدار خود را از تمام افراد دامنه تعبیر (D) انتخاب می‌کند و سور وجودی، برخی از افراد دامنه را برمی‌گزیند. در معناشناسی کریپکی، ضرورت و امکان، مقدار خود را از جهان‌های ممکن ( $W$ ) – و نه از دامنه اشیا – به دست می‌آورند. بر اساس این نظریه اگر عملگر ضرورت بر سر جمله‌ای بیاید، بدین معنی است که جمله مذکور، در همه جهان‌های ممکن صادق است و وجود عملگر امکان بر سر یک جمله، به معنای صدق آن در برخی جهان‌های ممکن می‌باشد. بنابراین مفهوم صدق در جمله‌های موجه، با مفهوم

جهان‌های ممکن ارتباط دارد و برای تعیین صدق این گونه جملات باید به جهان‌های ممکن مراجعه کرد.

یکی از شروط معنایی مهم در QML پیش فرض شمول (inclusion requirement) است. بدین معنی که اگر جهانی مثل  $w_i$  به جهان  $w_j$  دسترس داشته باشد، هر شئ از اشیای دامنه که توسط تابع  $Q$  به  $w_i$  اسناد داده می‌شود، به  $w_j$  نیز اسناد داده می‌شود، یعنی  $D_i \subseteq D_j$  و با توجه به دیدگاه واقع گرا می‌توان گفت باید در هر جهان ممکن، دست کم شئ‌های جهان واقع وجود داشته باشند. این همان شرطی است که به "شرط دامنه‌های تودر تو" (nested domain) نیز نامیده می‌شود. وجه تسمیه آن به زیر مجموعه بودن دامنه جهان‌هایی بر می‌گردد که در موضع بالاتری - به جهت دسترسی - قرار دارند. به بیان دیگر دامنه جهان‌هایی که مورد دسترسی قرار می‌گیرند، شامل جهان‌هایی است که بدان دسترسی دارند. بدین صورت که اگر  $w_i$  به  $w_j$  و  $w_j$  به  $w_k$  دسترسی داشته باشد. دامنه  $w_i$  زیر مجموعه دامنه  $w_j$  و دامنه  $w_j$  زیر مجموعه دامنه  $w_i$  خواهد بود.

نکته دیگر، شرط راست - ثابتی (right rigidity) در جهان‌های ممکن است (نبوی، همان: ۱۵۳) یعنی اگر میان دو نام در یک جهان، اینهمانی برقرار باشد، در هر جهان ممکن دیگری که دسترس پذیر باشد نیز همان رابطه برقرار است. در چنین نظامی مصادق نام‌های خاص در همه جهان‌ها ثابت است. کریپکی تاکید می‌کند که نام‌های خاص (proper names) مانند "سعید"، "شیراز"، "نهج البلاغه"، ... نقش منطقی متفاوتی با وصف‌های خاص (definite descriptions) دارند. وصف‌های خاص، موصوف خود را با صفت معین می‌کنند نه با نام. ترکیب‌هایی مثل "اولین رئیس جمهور ایران"، "نویسنده گلستان" ... مثال‌هایی از وصف خاص می‌باشند. کریپکی در اثر معروفش "نام‌گذاری و ضرورت" برای نام خاص نقشی مانند متغیرها تعریف می‌کند (Kripke, 1980).

وی تصریح می‌کند اسم خاص برخلاف وصف خاص، دال محض (rigid





.and 1953: 139-59)

ویژگی معناشناختی دیگر QML این است که اشیا (جمله‌ها و محمول نشانه‌ها) در جهان‌های متفاوت، ویژگی‌های متفاوتی دارند. چنین خصوصیتی سبب تمایز جهان‌های ممکن از یکدیگر می‌شود. مصدقاق جمله‌ها (صدق و کذب آن‌ها) و مصدقاق محمول نشانه‌ها (تایی‌های مرتبی از اشیا که محمول نشانه را در هر جهان ممکن صدق‌پذیر می‌کند) در جهان‌های مختلف، با یکدیگر فرق می‌کند. این ویژگی در منطق محمولات یا گزاره‌ها وجود ندارد و از تمایزات مهم نظام QML محسوب می‌شود.

وجود مثال‌های نقض برای فرمول‌هایی که در QML<sub>1</sub> اثبات شده بود و دغدغه پاسخ به پرایور در باب مغالطه‌ای ظریف در برهان وی و هم‌چنین آماج انتقادات کواین به منطق موجهات وبالا خص منطق موجهات محمولی، کریپکی را به طراحی نظامی جدید (QML<sub>2</sub>) پیش فرض شمول (Quine, 1947:3-8 referential transparency) است

and 1953: 139-59)

ویژگی معناشناختی دیگر QML این است که اشیا (جمله‌ها و محمول نشانه‌ها) در جهان‌های متفاوت، ویژگی‌های متفاوتی دارند. چنین خصوصیتی سبب تمایز جهان‌های ممکن از یکدیگر می‌شود. مصدقاق جمله‌ها (صدق و کذب آن‌ها) و مصدقاق محمول نشانه‌ها (تایی‌های مرتبی از اشیا که محمول نشانه را در هر جهان ممکن صدق‌پذیر می‌کند) در جهان‌های مختلف، با یکدیگر فرق می‌کند. این ویژگی در منطق محمولات یا گزاره‌ها وجود ندارد و از تمایزات مهم نظام QML محسوب می‌شود.

وجود مثال‌های نقض برای فرمول‌هایی که در QML<sub>1</sub> اثبات شده بود و دغدغه پاسخ به پرایور در باب مغالطه‌ای ظریف در برهان وی و هم‌چنین آماج انتقادات کواین به منطق موجهات وبالا خص منطق موجهات محمولی، کریپکی را به طراحی نظامی جدید (QML<sub>2</sub>) پیش فرض شمول (Quine, 1947:3-8 referential transparency) است

حذف می شود و به همین دلیل بسیاری از جملات بحث انگیز<sup>1</sup> QML در نظام جدید، غیر معتبر تلقی می شود. نظام دوم به روش اصل موضوعی پایه گذاری شده است و خصوصیت اصلی آن، متغیر بودن دامنه جهان های ممکن (varying domains) می باشد. یعنی دامنه جهان های ممکن می توانند کاملاً متمایز باشند (Kripke, 1963: 65). همان طور که گفتیم CBF مستلزم تودر تو بودن دامنه ها است و به همراه BF، مخصوصاً یکسان بودن دامنه های ممکن می باشد و همچنین BUF نیز با تودر تو بودن دامنه ها و یا به طور خاص، با وجود همه اشیای جهان واقع در هر جهان ممکن، برقرار است. روش است که هیچ کدام از این جملات با متغیر - دامنه بودن جهان های ممکن در QML<sub>2</sub> سازگاری ندارند و غیر معتبر محسوب می شوند.

یکی از ویژگی های دیگر QML<sub>2</sub>، ذکر رابطه دسترس پذیری R در مدل پیشنهادی کریپکی است (Kripke, 1963: 64) در نظام اول کریپکی (1959) رابطه دسترسی مطرح نشده بود، ولی وی بعداً دریافته بود که فرض وجود جهان های ممکن مستلزم بیان نحوه رابطه میان آنها است. کریپکی همه جهان ها را دسترس پذیر نسبت به هم نمی داند. این نسبت که گاهی به آن امکان نسبی (relative possibility) نیز می گوید، در میان برخی جهان های ممکن برقرار است. در این دیدگاه، جهان های ممکن، وضعیت های خلاف واقعند و تعیین صدق و کذب جمله های موجه به چگونگی نسبت این جهان ها با جهان واقع، بستگی دارد. این نسبت می تواند ویژگی هایی مانند تسلسل (transitivity)، انعکاسی (symmetry)، تقارن (reflexivity)، تعددی (serialization) و اقلیدسی (euclidian)، داشته باشد.<sup>1</sup>

اعتبار یا عدم اعتبار یک جمله موجه، با توجه به نوع دسترس پذیری میان

۱ تعریف اجمالی ویژگی های مذکور به شرح زیر است:

تسلسل: به ازای هر جهان ممکن جهانی وجود دارد که این جهان به آن دسترسی دارد.

انعکاسی: هر جهان به خود، دسترسی دارد.

تقارن: هر جهان که به جهان ممکن دیگری دسترسی داشته باشد، جهان دوم نیز به جهان اول دسترسی دارد.





جهان‌های ممکن تعیین می‌شود. مثلاً جمله " $\Box \Diamond P \supset \Diamond P$ " در مدلی معتبر است که رابطه دسترسی میان جهان‌های ممکن از نوع تسلسلی باشد. روشن است که طرح مباحثی مانند نسبت دسترسی، بحث‌های معناشناختی منطق موجه محمولی را از غنا و دقت کافی برخوردار می‌نماید. امروزه رابطه  $R$ ، مبنای هر دلالتشناسی استاندارد است و در هر مدل استاندارد - که به مدل کریپکی معروف است -، دو تابی مرتب  $\langle W, R \rangle$  را سازه (frame) مدل مذکور می‌نامند.

نکته دیگری که مورد توجه کریپکی بوده است، اسناد ارزش به جمله " $F_x$ " — در صورتی که  $x$  به شیئی بیرونی از دامنه آن جهان ممکن نسبت داده شود — می‌باشد. در چنین شرایطی، کریپکی دو راه در پیش رو دارد؛ یا باید از قواعد و قوانین منطق کلاسیک محمولات عدول کرده و به " $F_x$ " ارزشی غیر از  $F$  و  $T$  نسبت دهد (Strawson, 1950:320-344)، و یا به دو ارزشی بودن و قواعد و قوانین منطق کلاسیک وفادار بماند. وی راه حل دوم را برمی‌گزیند و اسناد ارزش به " $F_x$ " را در این شرایط، "قراردادی" می‌نامد. یعنی اگر در جهان  $w_i$ ، شیئی به  $x$  نسبت داده شود که در  $D_i$  نباشد برای یافتن مصداق  $x$  می‌توان به دامنه کل (total domain) استناد نمود. در این صورت اگر شیئی وجود داشته باشد که " $F_x$ " را صدق‌پذیر کند، جمله مورد نظر، ارزش  $T$  و در غیر این صورت ارزش  $F$  خواهد داشت. این روش اسناد ارزش، در محموله‌های چند موضعی نیز قابل تعمیم است. کریپکی در ادامه می‌گوید برای هرزدس پیچیده و مرکب از چنین زدسهای اتمی نیز می‌توان از طریق استقرار ثابت نمود که دارای یکی از دو ارزش  $F$  و  $T$  است (Kripke, 1963: 65-67).

نسبت اینهمانی نیز از موارد بحث انگیز نظام دوم کریپکی است. این موضوع به دوچهت قابل بررسی است، یکی حذف نامهای خاص در  $QML_2$  و دیگری تعیین دامنه‌ای که جملات حاوی اینهمانی بدان اسناد داده می‌شوند. در جمله‌ای مثل  $(x=x)$   $\Box(\forall x)$  به معنی "هر چیز ضرورتا همان چیز است" در جهان  $w_i$ ، " $x$ " مصداق خود را از دامنه کل به دست می‌آورد و نه از  $D_i$  (Kripke, 1963: 70). یکی از مناقشاتی که دربحث

فوق وجود دارد، اثبات ضرورت برای همه جملات حاوی اینهمانی است ، یعنی:

$$x = y \supset \square (x = y)$$

جمله مذکور بدان معناست که اگر  $x$  و  $y$  یکی باشند، یکسان بودن آنها ضرورتا حقیقت دارد. به بیان دیگر هر عبارت صادق شامل اینهمانی، ضرورتا صادق است یا می‌توان نتیجه گرفت که هیچ عبارت ممکن صادقی که شامل اینهمانی باشد، وجود ندارد. چنین مطلبی شهودا قابل قبول نمی‌نماید. به جهت صوری نیز می‌توان مثال‌های نقضی برای آن ارائه کرد. مثلاً وقتی می‌گوییم: الف) کسی که کنار من نشسته است، نویسنده است. در واقع نوعی اینهمانی را اظهار کرده‌ایم. یعنی، ب) کسی که کنار من نشسته است = نویسنده.

اما یقیناً می‌دانیم که چنین امری ممکن الوقوع است. زیرا منطقاً ممکن است کسی که کنار من نشسته است، نویسنده نباشد. مثال معروف "فرگه" در بیان رابطه میان مفهوم و مصادق نیز از همین دست است (Frege, 1952). "ستاره بامدادی" و "ستاره شامگاهی" دو مفهوم متفاوت با مصادق یکسانند. از نظر فرگه اینهمانی تنها در مورد اشیا به کار می‌رود و نه در مفهوم‌ها. البته می‌توان اینهمانی میان مفهوم‌ها را به تسامح به کار برد و چنین توجیه نمود که اگر دایره مصادق‌های دو مفهوم یکی باشد، نوعی تساوی میان آنها برقرار است. این همان مثالی است که کواین از مضمون آن برای رد مصادقی بودن (extensionality) منطق موجهات استفاده کرد (Quine, 1947). هر چند که خانم بارکان ضرورت اینهمانی را در همان زمان به نحو صوری اثبات کرده بود (Barcan, 1947:12-15)، اما در هر صورت یکی بودن این دو وصف به لحاظ نجومی، حقیقتی ممکن است ولی نمی‌تواند ضرورتا صادق باشد. به این ترتیب که اگر بخواهیم ضرورت اینهمانی را در نظامی معتبر بدانیم، چاره‌ای جز توجیه این مثال‌های نقض نداریم. همان طور که بیان شد، کریپکی با تمایز کردن وصف‌های خاص از اسم خاص، توانست بخشی از مساله را حل کند؛ ولی در QML<sub>2</sub> ، با حذف نام‌های خاص از نظام پیشنهادی اش صورت مساله را به کلی پاک کرد و ضرورت اینهمانی را نیز از قضایای معتبر این نظام ندانست.



## نتیجه

پس از ارائه معناشناسی صوری برای منطق موجهات محمولی توسط کریپکی (۱۹۵۹م)، هجوم انتقادات و اعتراضات علیه آن نظام بیشتر گردید. وی از سویی با تعارضات و مثال‌های نقضی مواجه می‌شد که خود نیز بدان‌ها اذعان داشت و از سوی دیگر مایل بود منطق موجهات محمولی را بر پایه منطق محمولات کلاسیک قرار دهد. کریپکی نمی‌خواست با تغییر قواعد و قوانین یا چند ارزشی کردن منطق محمولات کلاسیک، استحکام نظام موجه خویش را تضمین کند. به همین دلیل، چهار سال بعد (۱۹۶۳م) نظام معناشناسی جدیدی طراحی کرد و در این نظام اصلاح شده (revised system) در ساختار نحوی و همچنان در ساختار معناشناسی، تغییراتی اعمال نمود. بیشترین دغدغه او در ساختار نحوی مخدوش اعلام کردن برهان پرایور بود و به این ترتیب با تغییراتی که در اصل موضوع‌ها و برخی از عناصر زبانی ایجاد کرد به این هدف نائل گردید. او در حوزه معناشناسی نیز با حذف پیش‌فرض‌های نظام اول، اجازه ورود جملات بحث‌انگیزرا به این نظام نداد. شاید به همین دلیل است که امروزه بسیاری از منطق‌دانان همچنان به نظام اول کریپکی وفادار مانده‌اند و با تقریرهای جدید و اصلاح برخی قواعد و عناصر، مدافع آن محسوب می‌شوند. البته برخی دیگر نیز با اشاره به تبعات فلسفی و مشکلات معنایی نظام دوم در صدد طراحی نظام‌های جدیدی - بر پایه آن - برآمدند که در این مورد می‌توان از نظام‌های واقع‌گرا (actualism) و نوواقع‌گرا (new-actualism) نام برد.

فصلنامه تملکات فلسفی، سال اول، شماره ۲۰، تابستان ۱۳۷۱



## فهرست منابع:

۱. موحد ضياء، (۱۳۸۱) **منطق موجهات**، چاپ اول، تهران، هرمس.
۲. نبوی، لطف ا...، (۱۳۸۳) **مبانی منطق موجهات**، چاپ اول، تهران، دانشگاه تربیت مدرس.
3. Barcan, (Marcus) R. C.,( 1946) *A Functional Calculus Of First Order Based On Strict Implication*, The Journal of Symbolic Logic, V. 11 , pp. 1-16.
4. Barcan, (Marcus) R. C.,( 1947) *The Identity of Individuals in a Strict Functional Calculus of Second Order*, The Journal of Symbolic Logic: JSL, V 12, pp. 12-15
5. Bull, R.A. and K. Segerberg,(1983) **Basic Modal Logic**, in Handbook of Philosophical Logic, ed. Gabbay and Guenther, Dordrecht, Reidel, 1984, V. 2, p. 10
6. Carnap, R., **Modalities And Quantification**, (1946)The Journal of Symbolic Logic: JSL, V. 11, pp. 33-64.
7. Fitting and Mendelson ,( 1998) **First Order Modal Logic**, Kluwer Academic Publisher, Dordrecht.
8. Frege, G.,(1952)*on sense and reference* , translations from the philosophical writings of Gottlob Frege, P. T. Geach & M. Black(eds.), Oxford, Blackwell.
9. Hintikka, K.J.J,( 1957)*Quantifiers in Deontic Logic*,Societas Scientiarum Fennica,Commentationes Humanarum,Helsinki,v.23.
10. Huges, G.E & M.J. Cresswell,( 1998) *A New Introduction To Modal Logic (NML)*, 2<sup>nd</sup> pub., G. Britain, Routledge.
11. Huges, G.E & M.J. Cresswell,( 1972) *an Introduction To Modal Logic(IMAL)*,2<sup>nd</sup> pub ,London,Methuen.
12. Jonsson E. and A. Tarski, (1951)*Boolean Algebra with Operators*,part 1,Am.J.Math.73 ,pp.891-939
13. Jubien. M.,( 1998) *Kripke, S.A.*, in Routledge Encyclopedia of Philosophy, E.Craig(ed.) England, Routledge,V.5
14. Kanger, Stig,( 1957) **Provability in Logic**, Stockholm Studies In Philosophy, n.1, Stockholm: Almqvist & Wiksell.



15. Konyndyk, Kenneth,( 1986) *Introductory Modal Logic*, U.S.A, university of Notre Dam Press.
16. Kripke, Saul A.,( 1971) *Semantical Consideration on Modal Logic*, Acta Philosophica Fennica, 16 (1963), 83-94, rep. Linskey, ed. reference and modality, OUP, pp. 63-72.
17. Kripke, Saul,( 1959) *A Completeness Theorem In Modal Logic*, The Journal of Symbolic Logic, V. 24, no.1, pp. 1-14.
18. Kripke,Saul,( 1980) *Naming and Necessity*,Oxford, Black well and Cambridge,MA:Harvard U.P.
19. Lemmon, E. J.,( 1970) Alternative postulate sets for modal predicate calcui (1965) ,in *Philosophical problems in logic*, K. Lambert (ed.), Dordrecht, Reidel, pp. 56-76
20. Lewis, C.I., and C.H. Langford,( 1932) *Symbolic Logic*, New York, Dover publications.
21. Plantinga, A.,( 1989) *The Nature of Necessity*, Clarendon Press, Oxford.
22. Prior, A. N.,(1956) *Modality And Quantification In S5*, The Journal of Symbolic Logic, V. 21, pp. 60-62.
23. Quine, W.V.,(1947)*The Problems of Interpreting Modal Logic*, J.S.L,XII,2, , pp.43-8.
24. Quine,W.V.,(1953)Reference and Modality,in *From a Logical point of view*, cambridge Harvard U.P., pp.139-159.
25. Strawson, P.F,(1950) *On Referring*, Mind, n. 59, pp. 320-344.

